

Documents interdits à l'exception du formulaire.
 Lire le sujet en entier avant de commencer.
 (Barème indicatif: 1) 5 pts; 2) 5 pts; 3) 5 pts; 4) 5 pts.)

Exercice 1: Spire plongée dans un champ magnétique \vec{B}

Soit en coordonnées cartésiennes une spire circulaire métallique neutre plane de surface S , de centre O et de résistance R , et dont un des diamètres est sur l'axe (Oz) . Cette spire tourne sur elle-même autour de l'axe (Oz) , avec la vitesse angulaire uniforme ω . Le vecteur unitaire normal au disque délimité par la spire, appelé \hat{n} , reste donc dans le plan xOy .

La spire est plongée dans un champ magnétique \vec{B} qui est uniforme, d'amplitude B_0 constante, et dont la direction varie au cours du temps : comme \hat{n} , le vecteur \vec{B} tourne autour de l'axe (Oz) en restant parallèle au plan xOy . La vitesse angulaire de rotation \vec{B} est uniforme et vaut $\omega_0 \neq \omega$.

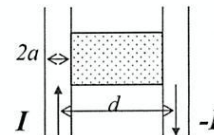
- 1.1: Faire un schéma.
- 1.2: Calculer l'intensité $I(t)$ qui parcourt la spire.
- 1.3: Montrer qualitativement qu'un couple s'exerce sur la spire.

Exercice 2: Potentiel-vecteur \vec{A}

Un fil infini de rayon a et d'axe confondu avec l'axe Oz est parcouru par un courant d'intensité I dirigé dans le sens de z croissant.

- 2.1: Calculer le champ magnétique à l'extérieur du fil.
- 2.2: Calculer le potentiel vecteur à l'extérieur du fil.
- 2.3: Soit maintenant deux fils séparés de la distance $d > 2a$ et parcourus par des courants de sens opposés I et $-I$.

Calculer le flux Φ du champ magnétique \vec{B} créé par les deux fils à travers la surface rectangulaire de hauteur l et de largeur $d - 2a$ représentée sur le schéma ci-contre :



- a) directement, par la définition du flux Φ .
- b) en utilisant le potentiel vecteur \vec{A} et le théorème de Stokes.

Exercice 3: Effet Hall dans un cylindre tournant

Dans une région de l'espace où règne un champ magnétique \vec{B} , on place un cylindre métallique creux de rayon extérieur R , d'épaisseur h très inférieure à R , et dont l'axe est parallèle à \vec{B} . On fait tourner ce cylindre à la vitesse angulaire constante ω autour de son axe. Calculer la différence de potentiel qui apparaît entre les deux faces du cylindre.

Exercice 4: Force électromotrice

Dans l'espace règne un champ magnétique $\vec{B} = \frac{B_0 x^2}{C^2} \sin(\omega t) \hat{z}$, avec C une constante non nulle. Au temps $t = 0$, une spire rectangulaire (ABCD) est en placée de telle sorte que $A = (-a, 0, 0)$, $B = (a, 0, 0)$, $C = (a, b, 0)$ et $D = (-a, b, 0)$ où a et b sont positifs. La spire peut se déplacer dans le plan (xOy) avec une vitesse constante $\vec{v} = v_x \hat{x}$. Calculer la force électromotrice $e(t)$ existant dans ce circuit si :

- 4.1: $v_x = 0$ (spire immobile).
- 4.2: $v_x > 0$.